

Programme de colle n° 8

MPSI Lycée Camille Jullian

semaine du 22/11 au 26/11 2021

La colle débutera par une question de cours portant sur l'énonciation d'un théorème, de définitions, ou la rédaction de l'une des démonstrations indiquées **en gras** dans le présent programme de colles. Tout élève ne sachant pas répondre correctement à cette question de cours se soumettra aux conséquences désagréables de sa paresse, lesdites conséquences étant laissées à la libre appréciation du colleur (mais les châtimements corporels étant hélas interdits, cela se limitera en général à une note en-dessous de la moyenne).

Chapitre 6 : Calcul intégral et équations différentielles.

- Primitives de fonctions continues sur un segment :
 - existence, unicité de la primitive s'annulant en a et expression sous la forme $\int_a^x f(t) dt$, notation $[F(t)]_a^b$ pour l'accroissement de F sur le segment $[a, b]$, application au calcul d'intégrales (rien n'a été démontré dans cette partie de cours, on a par contre introduit la notation $\int_a^x f(t) dt$ pour désigner une primitive quelconque d'une fonction f)
 - primitives usuelles (on doit bien sûr être capable de reconnaître du premier coup les formes classiques du type $\frac{u'}{u}$ ou $u'e^u$, mais aussi des composées plus compliquées comme $u'u$, voire des choses du genre $\frac{u'}{1+u^2}$)
 - **formule d'intégration par parties**
 - formule de changement de variable (la formule elle-même est moins importante que la capacité à effectuer correctement un changement de variable), exemples (on évitera de poser des changements de variables peu naturels sans guider les élèves)
 - intégration de fractions rationnelles (comme dans le cas des calculs de sommes du chapitre précédent, on appliquera une forme simplifiée de la décomposition en éléments simples, et on doit être capable de mettre un dénominateur de degré 2 sous forme canonique pour faire apparaître une arctangente)
- Les propriétés théoriques de l'intégrale n'ont pas été revues pour l'instant, mais on doit bien sûr être au moins capable d'utiliser la linéarité si besoin. Aucune construction théorique de l'intégrale n'a été effectuée, nous traiterons ces aspects dans un chapitre ultérieur.
- Équations différentielles :
 - vocabulaire général : ordre d'une équation diff, équations linéaires, homogènes, à coefficients constants, normalisées, courbes intégrales associées à une équation différentielle
 - équations linéaires du premier ordre : **solutions de l'équation homogène associée**, principe du calcul des solutions de l'équation complète en additionnant ces solutions de l'équation homogène à une solution particulière, méthode de variation de la constante, recherche de solution particulière sous une forme précise pour une équation à coefficients constants ayant un second membre sympathique (polynôme, éventuellement multiplié par un e^{kx} , ou combinaison de cosinus et sinus de même période), principe de superposition

- problèmes de Cauchy du premier ordre et unicité de la solution de ces problèmes
- les problèmes de recollement de solutions définies sur deux intervalles distincts ont été abordés sur des exemples, mais aucune connaissance théorique n'est exigible à ce sujet (rien n'empêche par contre de poser des exercices sur ce thème!)
- quelques exemples de résolution d'équations non linéaires via un changement de fonction inconnue ont été traités en exercice

Prévisions pour la semaine suivante : chapitre 6, avec les équations différentielles (mais vraiment tout cette fois!).