Interrogation Écrite nº 6

MPSI Lycée Camille Jullian

$5~\mathrm{mai}~2022$

Calculer la décomposition en éléments simples des fractions suivantes :

1.
$$F_1 = \frac{X^2 + 1}{X^3 - X} (\text{dans } \mathbb{R}(X))$$

2.
$$F_2 = \frac{X^4}{X^2 + 1}$$
 (dans $\mathbb{C}(X)$)

3.
$$F_3 = \frac{X^2}{X^4 - 1}$$
 (dans $\mathbb{C}(X)$ et dans $\mathbb{R}(X)$)

4.
$$F_4 = \frac{X^5 - 1}{(X^2 - X + 2)^2}$$
dans $\mathbb{R}(X)$

5.
$$F_5 = \frac{X^3 + X^2 + X + 1}{(X - 2)^2 X^2}$$
 dans $\mathbb{R}(X)$