Les <u>4 actes fondamentaux</u> du jeu de preuve :

formulation:

| "prix"\porte sur | énoncés | objets | |
|------------------|---------------|------------------|--|
| "gratuit" | « supposons » | « soit » | |
| "payant" | « on a » | « soit tel que » | |

nom de l'acte :

| porte sur | énoncés | objets | |
|-----------|-------------|--------------------|--|
| libre | supposition | évocation générale | |
| contraint | affirmation | évocation spéciale | |

Les **règles du jeu** avec les 4 actes et les 3 symboles $\Longrightarrow \forall \exists$:

| | ÉTABLIR | UTILISER | | affirmation de l'hypothèse | actes gratuits |
|---------------|---|---|---------------|--|----------------|
| \Rightarrow | | $\underbrace{ \text{on a } P \text{on a } P \Longrightarrow C}_{\text{on a } C}$ | SUPP. | $\overline{\left \begin{array}{c} \operatorname{supp.}\ H \\ \operatorname{on}\ \operatorname{a}\ H \end{array}\right }$ | |
| \forall | $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | $rac{	ext{on a } orall x, \ P_x}{	ext{on a } P_	au}$ | SOIT | | |
| 3 | $\frac{\text{on a } P_{\tau}}{\text{on a } \exists x, \ P_x}$ | $\frac{\text{on a } \exists x, P_x}{\text{soit } o \text{ t. q. } P_o}$ | SOIT T. Q. | $\frac{\text{soit } o \text{ t. q. } P_o}{\text{on a } P_o}$ | |
| | | | | | on a [axiome] |

où τ désigne un **terme**, çàd un "objet" dont parle le langage, dont le sens est "clair", où P désigne un **prédicat** (singulaire), çàd un "énoncé" à paramètre (ici à 1 paramètre)

Insistons lourdement:

comprendre le sens des 4 actes et des 3 symboles $\implies \forall \exists$ revient ni plus ni moins (jusqu'en agreg du moins) à MOTIVER et JOUER AVEC les règles ci-dessus.

Le sens, c'est l'usage!