

# Suites

La lettre  $\mathbb{N}$  dénote l'ensemble des entiers naturels :  $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$

Le symbole  $\forall$  (renversé de  $A$  pour *Alle* = tous en allemand) signifie *pour chaque*.

Le symbole  $\in$  (version lunaire du  $\varepsilon$ , abrégé de  $\varepsilon\sigma\tau\iota\varsigma$  = *est* en grec) dénote l'*appartenance*.

Ainsi les symboles  $\forall n \in \mathbb{N}$  se liront-ils « pour chaque  $n$  appartenant à  $\mathbb{N}$  ».

Une **suite réelle** associe à chaque entier naturel un nombre réel  $(a_0, a_1, a_2, a_3, \dots)$  et est souvent notée  $(a_n)$ .

*Exemple* : la suite  $(3n - 1)$  liste les nombres  $-1, 2, 5, 8, 11, \dots$  (remplacer successivement  $n$  par  $0, 1, 2, 3, 4, \dots$ )

Une **suite arithmétique** est une suite  $(a_n)$  telle que  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $a_{n+1} = a_n + r$  pour un certain nombre  $r$  appelé la **raison** de la suite. Une telle suite vérifie  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $a_n = a_0 + nr$ .

Une **suite géométrique** est une suite  $(g_n)$  telle que  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $g_{n+1} = r \times g_n$  pour un certain nombre  $r$  appelé la **raison** de la suite. Une telle suite vérifie  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $g_n = g_0 \times r^n$ .