

DS d'informatique

PTSI Lycée Eiffel

18 novembre 2016

Exercice 1

Quelques questions sur la représentation des nombres en machine :

1. Convertir en base 10 le nombre binaire 1010010.
2. Convertir en base 2 le nombre 141.
3. Expliquer comment les nombres entiers relatifs sont codés en complément à 2 dans un ordinateur (on pourra donner un exemple de codage d'entier négatif sur 8 bits).

Exercice 2

Pour son prochain devoir de mathématiques, Gérard doit calculer $\sum_{k=0}^{n-1} \cos\left(\frac{2k\pi}{n}\right)$. Il pense que le résultat devrait être égal à 0 (il a raison) mais souhaite vérifier à l'aide de Python. Il écrit donc le programme suivant :

```
from maths import cos,pi
def DMmaths(n) :
    for k in range(n-1)
        s=s+cos(2*k*pi/n)
    return s
```

1. Expliquer à quoi sert la première ligne du programme de Gérard.
2. Lorsqu'on exécute le programme, Python trouve une erreur à la fin de la troisième ligne, laquelle? On corrige cette erreur pour la suite.
3. Le programme compile désormais, mais à l'exécution, Python renvoie une nouvelle erreur : « local variable 's' referenced before assignment ». Qu'a oublié Gérard dans son programme (à nouveau on suppose l'erreur corrigée pour la suite)?
4. Le programme tourne, mais il affiche systématiquement une valeur égale à 1, pourquoi (encore une fois, on corrige)?
5. Le programme donne maintenant des valeurs différentes selon n , mais pas du tout 0. N'y aurait-il pas un problème dans la boucle? Corrigez-le!
6. Maintenant que son programme tourne, Gérard souhaite vérifier que $DMmaths(n)$ renvoie la valeur 0 pour tous les entiers n compris entre 1 et 30. Écrire un programme effectuant cette vérification.
7. Dans le programme précédent, pourquoi n'est-il sûrement pas très malin de tester que $DMmaths(n)$ est exactement égal à 0? Modifier le programme précédent pour qu'il teste simplement que $DMmaths(n)$ est inférieur à 10^{-10} (en valeur absolue) pour n variant entre 1 et 30.

Exercice 3

On considère la suite réelle (u_n) définie par $u_n = 1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \dots + \frac{1}{n!}$, où on rappelle que $n! = \prod_{k=1}^n k$. On peut prouver mathématiquement que la suite (u_n) converge vers e .

1. Écrire une fonction Python **factorielle** permettant le calcul de $n!$ (cette fonction sera utilisable dans les questions suivantes, même si vous n'avez pas réussi à en écrire une version correcte).
2. Écrire une fonction Python **suiteun** prenant comme paramètre un entier n et retournant la valeur de u_n .
3. On admet que la valeur u_n est une valeur approchée de e à $\frac{1}{n!}$ près (en pratique, c'est même meilleur que ça). Écrire une suite d'instructions permettant d'afficher une valeur approchée de e à 10^{-10} près utilisant le programme de la question précédente.
4. Écrire un programme effectuant la même calcul qu'à la question précédente, mais sans utiliser la fonction **factorielle**, en faisant une simple boucle `while`. Comparer le nombre de calculs effectués par les deux méthodes, laquelle semble la plus efficace.