Contrôle de Mathématique (\mathbf{A})

EXERCICE 1

Déterminer, en utilisant les règles de dérivation, les fonctions dérivées des fonctions suivantes :

1)
$$f(x) = \sqrt{x}$$
;

2)
$$f(x) = 6x + 2$$
;

3)
$$f(x) = x^9 + 5x^4 - 2x^3 + \frac{1}{3}x + \sqrt{3}$$
;

4)
$$f(x) = (x^2 + 1)\cos(x)$$
;

5)
$$f(x) = \frac{x^4 + 2}{x^2 + 2x + 2};$$

EXERCICE 2

Soit f la fonction définie sur [-5;2] par $f(x) = 4x^3 + 15x^2 - 18x - 10$

- 1) a. Calculer f'(x) et montrer que : f'(x) = (12x 6)(x + 3).
 - b. Dresser le tableau de signe de f'(x) et en déduire les solutions de l'inéquation $f'(x) \ge 0$.
 - **c.** Dresser le tableau de variation de la fonction f.
- 2) Recopier et compléter le tableau suivant :

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2
f(x)							

- 3) Tracer la courbe représentative de f dans un repère orthogonal, en choisissant une échelle adaptée ;
- 4) Déterminer graphiquement les solutions de l'équation f(x) = 0.