

L'effet Doppler

Niveau 2^{ème} année PC-PC^o

Pre Requis: base de la physique des ondes et de l'optique introduit à la relativité

Introduction

Décalage entre fréquence du signal reçu & émis.

1842 - Doppler

Etendu aux ondes électromag par Fizeau en 1848

Obst les jours (ambulance voiture si un circuit)

~~Util~~ Utile par la cinémométrie.

I) Calculs théorique.

1) Décalage en fréquence

se émet des bips. à une freq de.

→ mut relaty se / recep. selon une droite

Lorsque 2^{ème} bips produit

1^{er} bip $d_0 = c \cdot T_e$ parcourue

parler des cas:

- E fixe
- R mobile
- ↓ dim.

- E mobile / R mobile

→ préciser que onde sonore

de le ref du milieu où se propage l'onde, la se s'étant déplacée de $v_e T_e$, la distance séparant deux bips est:

⊕ c pas vitesse lumière

$$d_1 = (c - v_e) T_e$$

T_r = tps séparant la détect° des 2 bips.

au bout de T_e le récepteur a parcouru la distance $v_r T_r$
(recept° 2^{ème} bip)

donc le 2^{ème} bip aura parcouru la dist:

$$d_2 = d_1 + v_r T_r = c T_r$$

↳ vitesse de l'onde

$$f_r = \frac{1}{T_r} = \frac{c - v_r}{d_1} = \frac{c - v_r}{c - v_e} \frac{1}{T_e} = \frac{c - v_r}{c - v_e} f_e$$

$$\text{donc } \frac{d_e}{d_r} = \frac{c - v_e}{c - v_r}$$

$$\text{si } c \text{ très grand} \Rightarrow \frac{d_e}{d_r} \approx 1$$

$\Rightarrow$ le signal est très difficile à observer car décalage de freq sur faible.

$\rightarrow$ sur le train.

$\rightarrow$ on utilise alors le phénomène de battement

2) Phénomènes de battements.

2 ondes de fréquences $\neq$

$$A_1 = A_0 \cos(k_1 x - \omega_1 t)$$

$$A_2 = A_0 \cos(k_2 x - \omega_2 t)$$

$$A = A_1 + A_2 = 2A \cos(\bar{k}x - \bar{\omega}t) \cos(k_m x - \omega_m t)$$

$$\text{avec } \bar{k} = \frac{1}{2}(k_1 + k_2)$$

$$\bar{\omega} = \frac{1}{2}(\omega_1 + \omega_2)$$

$$\omega_m = \frac{1}{2}(\omega_1 - \omega_2)$$

$$k_m = \frac{1}{2}(k_1 - k_2)$$

Ce qui correspond à une amplitude variable de :

$$A = 2A_0(x, t) \cos(kx + \omega t)$$

→ montrer ce que l'on obtient en chgt les variable ds le scripte python.

→ on va pur déterminer la vitesse du train par Cinémométrie.

II) Cinémométrie Doppler.

cinématique.

↳ mut ss tenir compte des cause

→ valeur de la vitesse

1) Mesure de la vitesse du son

+ dynamique étude mut ~~non~~

→ mesure de la vitesse de l'onde + calcul incertitude *en étudiant les causes.*

2) Mesure vitesse au train

$$\Delta f = f_{\text{rec}} - f_{\text{em}}$$

$$v_{\text{em}} = c \frac{\Delta f}{\Delta f + f_{\text{em}}}$$

incertitude: ΔT : période lue sur oscillo

Δc : incertitude sur vitesse de l'onde

-> Interet $\ominus$ d'erreur que si à la main $\oplus \oplus$ rapide car avec chronomètre il faudrait mesurer f_{em} sur grande distance.

III) Application:

1) Radar. cf leçon lycée

Application numérique: $f_{\text{em}} = 24,125 \text{ GHz}$
entendue mesure 10 à 300 km/h.

précision 1 km/h

valeur contrôle 100 km/h.

2) Astrophysique.

↪ Approximation des faibles vitesses.

Très utilisé en astrophy, pour la vitesse d'objets lumineux

objet lumineux $\Rightarrow$ travail avec long. d'onde $\lambda \Rightarrow$ convertir les formules

enlever la partie non relativiste et refaire la transfo de Lorentz.

mut par rap à la Terre: $v_{\text{rel}} = 0$ $v_e = -v$ ($\ominus = \text{obj}$ s'approche)

$$\frac{\lambda_r}{\lambda_e} = \frac{c+v}{c} = 1+\beta$$

En notant $\Delta\lambda = \lambda_{\text{obs}} - \lambda_0$ ac $\lambda_0 = \text{raie ou long. d'onde ou raie se mesurée}$ $\text{intrait si obj immobile}$

→ image décalage de raie

λ_0 raie bien connue si Terre (choisir)

Technique utilisée p ~~la~~ mesure vitesse de relat° d'une étoile autour barycentre d'un sys étoile-planète.

GIF

$$-1 < \beta < 1$$

$$\text{dc } 0 < \frac{\lambda_{\text{obs}}}{\lambda_0} < 2$$

$$0 < \delta < 2$$

Exp calcul p quasar (noyau de galaxie extrêmement lumineux région compact autour du trou noir supermassif au centre d'une galaxie massive)

raie α de l'H
de Lyman

$$\lambda_{\alpha} = 122 \text{ nm}$$

$$\lambda_{\text{obs}} = 586 \text{ nm}$$

$$\Rightarrow \delta = 4,82 \Rightarrow \text{imp}$$

⇒ il faut prendre en compte la relat car vitesse gte

$$\underline{K} = \begin{cases} k_x = k_x \\ k_y = k_y \\ k_z = k_z \\ k_t = \frac{\omega}{c} \end{cases}$$

$$\underline{R} = \begin{pmatrix} ct \\ x \\ y \\ z \end{pmatrix}_R$$

R et R' galiléen

↳ en translation l'un par rap. à l'autre
à une vitesse v .

$$\begin{pmatrix} ct \\ x \end{pmatrix}_{R_t} \quad \begin{pmatrix} ct' \\ x' \end{pmatrix}_{R'}$$

$$\begin{cases} ct' = \gamma (ct - \beta x) \\ x' = \gamma (x - \beta ct) \\ y' = y \\ z' = z \end{cases} \quad \Leftrightarrow \quad \begin{cases} ct = \gamma (ct' + \beta x') \\ x = \gamma (x' + \beta ct') \\ \dots \\ \dots \end{cases}$$

$$(ct')^2 - x'^2 = ct^2 - x^2 \quad (\text{invariant relativiste})$$

$$\begin{pmatrix} ct \\ x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma & \gamma\beta \\ \gamma\beta & \gamma \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ct' \\ x' \end{pmatrix} \quad \beta = \frac{v}{c}$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{dx'}{dt} + \beta c = v$$

↑
vitesse relative $\nearrow v_R$ ↑
vitesse entraînement v_e

b) avec effets relativiste.

Préciser les référentiels.
Galiléen + T. Lorentz.

$$T_r^\infty = \gamma T_r$$

période mesurée

sur Terre
ds ref terrestre

def événement: temps + coordonnées spatiales
sur Terre ds le ref du quasar

$$\gamma: \text{facteur de Lorentz} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

$$\text{or: } \frac{f_e}{f_r} = \frac{c+v}{c} = 1+\beta$$

$$f_e^* = \frac{\sqrt{1-\beta^2}}{1+\beta} f_e$$

$$f_r^* = \frac{\sqrt{1-\beta^2}}{1+\beta} f_e$$

$\Rightarrow$ avec cette formule $\beta = 0,917$ i.e. $v = 0,92c$

$\Rightarrow$ décalage vers le rouge

Conclusion:

$\rightarrow$ Effet Doppler aussi utile ds la vie de tt les jours échographie radar.

$\rightarrow$ vrai aussi st l'co^t petit car effet s/ largeur des bandes en spectro $\Rightarrow$ mesure T^0 par effet Doppler

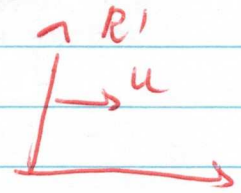
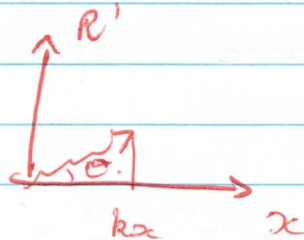
*

→ partir de la relativité puis dire que pas relativiste
 $v \ll c$

on retrouve ~~se~~ les formules non relativistes.

$$\begin{pmatrix} \frac{\omega}{c} \\ k_x \end{pmatrix}_R$$

$$\begin{pmatrix} \frac{\omega'}{c} \\ k'_x \end{pmatrix}_{R'}$$



$$\frac{\omega'}{c} = \gamma \left(\frac{\omega}{c} - \beta k_x \right) \rightarrow \text{effet Doppler}$$

$$k'_x = \gamma \left(k_x - \beta \frac{\omega}{c} \right) \rightarrow \text{abaissement luminosité}$$

$$k_x = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{cT} \omega$$

$$k_x = k \cos \theta$$

$\theta = 0$ effet Doppler longitudinale

$\theta = \frac{\pi}{2}$ transversale

$$\frac{\omega'}{c} = \gamma \left(\frac{\omega}{c} - \beta \frac{\omega}{c} \right)$$

$$\frac{\omega'}{c} = \gamma \frac{\omega}{c} (1 - \beta)$$