

Suites

La lettre \mathbb{N} dénote l'ensemble des entiers naturels : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$

Le symbole \forall (renversé de A pour *Alle* = tous en allemand) signifie *pour chaque*.

Le symbole \in (version lunaire du ε , abrégé de $\varepsilon\sigma\tau\iota\varsigma$ = *est* en grec) dénote l'*appartenance*.

Ainsi les symboles $\forall n \in \mathbb{N}$ se liront-ils « pour chaque n appartenant à \mathbb{N} ».

Une **suite réelle** associe à chaque entier naturel un nombre réel $(a_0, a_1, a_2, a_3, \dots)$ et est souvent notée (a_n) .

Exemple : la suite $(3n - 1)$ liste les nombres $-1, 2, 5, 8, 11, \dots$ (remplacer successivement n par $0, 1, 2, 3, 4, \dots$)

Une **suite arithmétique** est une suite (a_n) telle que $\forall n \in \mathbb{N}$, $a_{n+1} = a_n + r$ pour un certain nombre r appelé la **raison** de la suite. Une telle suite vérifie $\forall n \in \mathbb{N}$, $a_n = a_0 + nr$.

Une **suite géométrique** est une suite (g_n) telle que $\forall n \in \mathbb{N}$, $g_{n+1} = r \times g_n$ pour un certain nombre r appelé la **raison** de la suite. Une telle suite vérifie $\forall n \in \mathbb{N}$, $g_n = g_0 \times r^n$.